

Erik Grønn

# Mikroøkonomi på norsk

Fasitsvar på oppgaver

ÇAPPELEN DAMM  
AKADEMISK

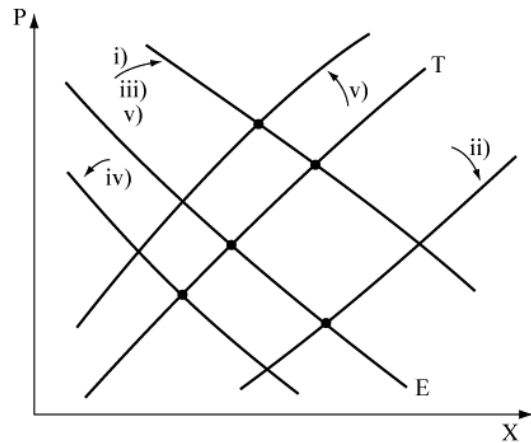


# Svar på oppgaver i kapittel 3

## 3.1

---

- i) x opp, p opp
- ii) x opp, p ned
- iii) Som i)
- iv) x ned, p ned
- v) x ubestemt, p opp
- vi) Som iv), kanskje



## 3.2

---

- a) Pris opp, kvantum ned
- b) Pris ned, kvantum ned
- c) Kvantum ned, priseffekten usikker

## 3.3

---

- a)  $\text{Pris} = 4\,300\,000 - 4000 \cdot 700 = 1\,500\,000$
- b)  $\text{Pris} = 4\,300\,000 - 4000 \cdot 500 = 2\,300\,000$
- c)  $\text{Pris} = 3\,800\,000 - 4000 \cdot 500 = 1\,800\,000$

## 3.4

---

- a) Prisen 1% opp: Etterspørselen 0,3% ned.  
Prisen 3% opp: Etterspørselen 0,9% ned.  
Prisen 10% opp: Etterspørselen 3% ned.
- b) Større (reelle) valgmuligheter ved lengre reiser.

### 3.5

a)  $T = E: 20 + x = 60 - x \rightarrow x = 20, p = 40$

b)  $T = E': 20 + x = 80 - x \rightarrow x = 30, p = 50$

c)  $\epsilon = x'(p) \cdot \frac{p}{x} = \frac{-p}{60-p}$  for E og  $\epsilon = \frac{-p}{80-p}$  for E'

Ved E:  $p = 50 \rightarrow \epsilon = -5, p = 40 \rightarrow \epsilon = -2, p = 30 \rightarrow \epsilon = -1$

Ved E':  $p = 50 \rightarrow \epsilon = -\frac{5}{3}, p = 40 \rightarrow \epsilon = -1, p = 30 \rightarrow \epsilon = -\frac{3}{5}$

d)  $\eta = x'(p) \cdot \frac{p}{x} = \frac{p}{p-20} \cdot \eta = 3$ , når  $p = 30$

$\eta = 2$ , når  $p = 40$ ,  $\eta = \frac{5}{3}$ , når  $p = 50$ .

### 3.6

a)  $\epsilon = \frac{x'(p) \cdot p}{x} = \frac{-10p}{1500-10p}$

$\epsilon$  går fra  $-\infty$  til 0 når  $p$  synker fra 150 til 0.

b) Høyest salgssinntekt når  $p = 75$ . Da er  $\epsilon = -1$

### 3.7

Ved E:  $\epsilon = x'(p) \cdot \frac{p}{x} = \frac{(-3) \cdot 500p^{-4} \cdot p}{x} = -3 \cdot \frac{500p^{-3}}{x} = -3$

Ved E':  $\epsilon = -\frac{1}{2}$

### 3.8

Før avgift:

$$100 - x = 20 + x$$

$$X = 40, p = 60$$

Etter avgift:

$$T': 20 + x + 5 = p$$

$$T': p = 25 + x$$

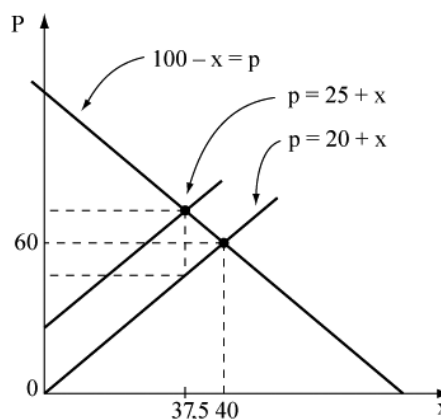
$$p^K = p^P + 5. \text{ Sett } p^K = p$$

Likevekt:

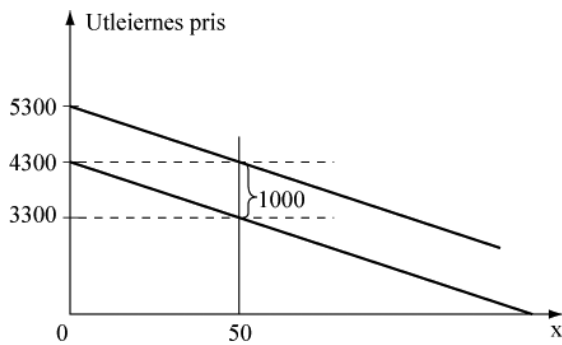
$$25 + x = 100 - x,$$

$$2x = 75, x = 37,5$$

$$p^K = 62,5, p^P = 57,5$$



### 3.9



- a)  $x = 50$ :  $p = 4300 - 20 \cdot 50 = 3300$
- b) La  $p$  være prisen studentene betaler,  $q$  det utleierne får:  $q = p + 1000$ ,  $p = q - 1000$ .  
 Ny etterspørselskurve (i utleiepris):  $q = p + 1000 = 4300 - 20x + 1000 = 5300 - 20x$   
 Likevekt:  $x = 50$ ,  $q = 4300$ ,  $p = 3300$ .  
 Virkning: Ingen endring for studentene, utleierne får hele gevinsten (subsidiet).

### 3.10

- a)  $p = 5$
- b) Med et subsidium på 2 kroner pr. liter blir konsumentprisen 4 kroner pr. liter.
- c) Konsumentprisen ville blitt 3, tilbyderne ville fått 5 kroner pr. liter.

### 3.11

Før skatt:  $0,1N = -0,05N + 300$

$$N = 2000, W = 200$$

Etter skatt på 35%:  $\frac{0,1}{0,65}N = -0,05N + 300$

$$N \cong 1472, W \cong 226$$

# Svar på oppgaver i kapittel 4

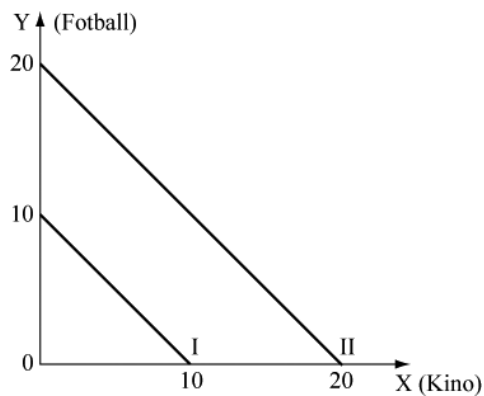
## 4.1

---

- a) 500 epler
- b) 1000 pærer
- c) 980 pærer
- d) Et eple kan byttes mot to pærer
- e)  $4 \cdot x + 2 \cdot y \leq 2000$

## 4.2

---



$$U(X, Y) = X + Y$$

- a)  $U = 10 = X + Y, Y = 10 - X$  (I)  
 $U = 20 = X + Y, Y = 20 - X$  (II)
- b)  $100 \cdot X + 100 \cdot Y = 1000$   
 $X + Y = 10, Y = 10 - X$   
Budsjettlinjene faller sammen med I.
- c)  $MRS = 1$
- d)  $P_1 = P_2 = 100$ .  $X, Y$  er ubestemt  
 $P_1 = 100, P_2 = 50, X = 0, Y = 20$   
 $P_1 = 50, P_2 = 100, X = 20, Y = 0$

### 4.3

$$\text{i) } \text{MRS} = \frac{\frac{1}{3} \cdot \frac{U}{x}}{\frac{1}{4} \cdot \frac{U}{y}} = \frac{4y}{3x}$$

$$\text{ii) } \text{MRS} = \frac{4y}{3x}$$

$$\text{iii) } \text{MRS} = \frac{\frac{1}{3} \cdot x^{-\frac{2}{3}} \cdot (y+10)}{\frac{1}{x^{\frac{1}{3}}}} = \frac{y+10}{3x}$$

$$\text{iv) } \text{MRS} = \frac{4y}{3x}$$

### 4.4

$$\text{a) } x^{\frac{1}{2}} \cdot (y+10) = 40$$

$$y+10 = \frac{40}{x^{\frac{1}{2}}}, y = 40 \cdot x^{-\frac{1}{2}} - 10$$

$$\text{b) } (x+10) \cdot y^{\frac{1}{2}} = 40$$

$$(x+10)^2 \cdot y = 1600, y = \frac{1600}{(x+10)^2}$$

$$\text{c) } 4 \cdot x \cdot y = 40, y = \frac{10}{x}$$

### 4.5

$$\text{i) } 10x + 20y = 600$$

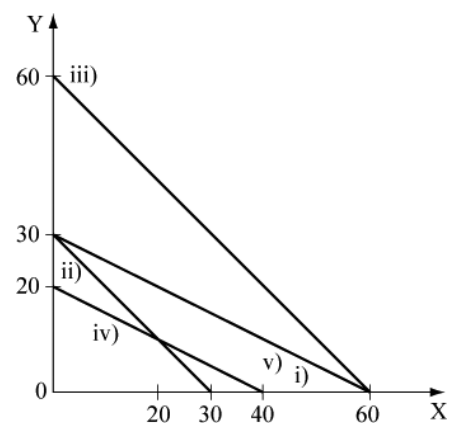
$$0,5x + y = 30, y = 30 - 0,5x$$

$$\text{ii) } 20x + 20y = 600, y = 30 - x$$

$$\text{iii) } 10x + 10y = 600, y = 60 - x$$

$$\text{iv) } 10x + 20y = 400, y = 20 - 0,5x$$

$$\text{v) } x + 2y = 60, y = 30 - 0,5x$$



## 4.6

---

a)  $100 = x^{\frac{1}{2}} + y \Leftrightarrow y = 100 - x^{\frac{1}{2}}$

b)  $MRS = \frac{1}{2} \cdot x^{-\frac{1}{2}}$ .  $MRS = \frac{p}{q}$  og  $px + q \cdot y = R$ , gir  $\begin{cases} x = \frac{1}{4} \frac{q^2}{p^2} \\ y = \frac{R}{q} - \frac{1}{4} \frac{q}{p} \end{cases}$

c)  $p = 1, q = 4, R = 60 \rightarrow x = 4, y = 14$

## 4.7

---

a)  $\text{Max}\{x_1^{0.75} \cdot x_2^{0.25}\}$  gitt  $p_1x_1 + p_2x_2 = m$

$$MRS = \frac{3x_2}{x_1} = \frac{p_1}{p_2} \rightarrow 3p_2x_2 = p_1x_1$$

$$3p_2x_2 + p_2x_2 = m \rightarrow 4p_2x_2 = m \rightarrow x_2 = \frac{m}{4p_2}$$

$$x_1 = 3 \cdot \frac{p_2}{p_1} \cdot x_2 = 3 \cdot \frac{p_2}{p_1} \cdot \frac{m}{4p_2} \rightarrow x_1 = \frac{3}{4} \frac{m}{p_1}$$

b)  $p_1 = 1, p_2 = 100, m = 200\,000$

$$\rightarrow x_1 = 150\,000, x_2 = 500$$

c)  $p_1 = 1, p_2 = 100, m = 240\,000$

$$\rightarrow x_1 = 180\,000, x_2 = 600$$

## 4.8

---

a)  $U = 5: \sqrt{x \cdot y} = 5, \quad x \cdot y = 25, y = \frac{25}{x}$

$U = 10: \quad x \cdot y = 100, y = \frac{100}{x}$

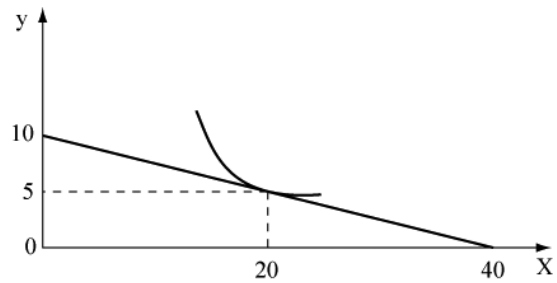
$U = 20: \quad x \cdot y = 400, y = \frac{400}{x}$



b)  $MRS = \frac{y}{x}$       Budsjettlikning:  $2000 = 50 \cdot x + 200y$   
 $y + 0,25x = 10$

Optimum:  $\frac{y}{x} = \frac{50}{200} + y$  &  $0,25x = 10$

$\frac{y}{x} = \frac{1}{4}$ ,  $x = 4y$ ,  $y + \frac{1}{4} \cdot (4y) = 10$ ,  $y = 5$ ,  $x = 20$



$x = 20$ ,  $y = 5$  gir  $U = \sqrt{20 \cdot 5} = 10$

altså kan ikke Bjørn nå et nyttenivå på  $U = 20$ .

# Svar på oppgaver i kapittel 5

## 5.5

---

a)  $50x_1 + 150x_2 = 1500$

$$x_2 = -\frac{1}{3}x_1 + 10$$

$$\text{Helningen på budsjettlinjen} = \frac{1}{3}$$

b)  $x_1 = 18$  ,  $x_2 = 4$

c)  $x_1 = 12$  ,  $x_2 = 6$

## 5.6

---

- a) Vi skal se en figur med en budsjettlinje og en indifferenskurve som tangerer budsjettlinjen. Det skal argumenteres grafisk for at tilpasningen er i tangeringspunktet. (Tegn inn 2-3 indifferenskurver.) Videre skal ligningssystemet:

$$\text{MRS} = \frac{p_1}{p_2} \text{ \& } p_1x_1 + p_2x_2 = m$$

settes opp og forklares.

Som innledning kan studenten forklare hva indifferenskurver og nyttefunksjoner er.

b)  $\text{Max}_{x_1, x_2} \left\{ x_1^{\frac{1}{2}} \cdot (x_2 + 10) \right\}$  gitt  $p_1x_1 + p_2x_2 = m$ , gir:

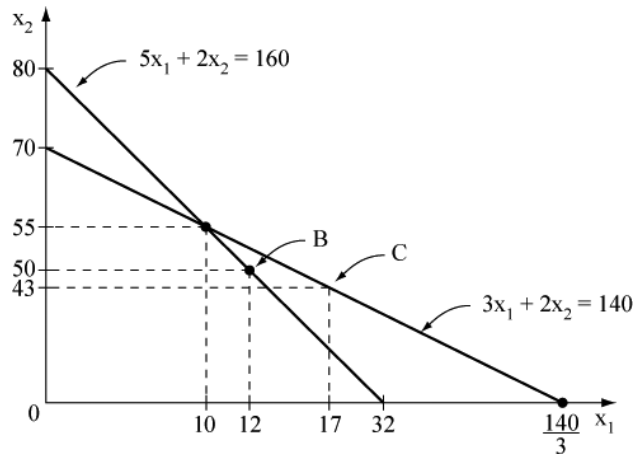
$$(\text{MRS} =) \frac{x_2 + 10}{2x_1} = \frac{p_1}{p_2} \text{ \& } p_1x_1 + p_2x_2 = m$$

$$\text{som gir: } x_1 = \frac{m + 10p_2}{3p_1}, x_2 = \frac{2m - 10p_2}{3p_2}$$

$$p_1 = 5, p_2 = 2, m = 160 \rightarrow x_1 = 12, x_2 = 50 \text{ (Punkt B)}$$

c)  $\frac{x_2 + 10}{2x_1} = \frac{3}{2}$  \&  $3 \cdot x_1 + 2x_2 = 140 \rightarrow x_1 = \frac{160}{9} = 17,8$  (Punkt C)

$$x_2 = \frac{130}{3} = 43,3$$



Det er opplagt at endringen har vært en fordel for konsumenten for punktet B var tilgjengelig for konsumenten da punktet C ble valgt.

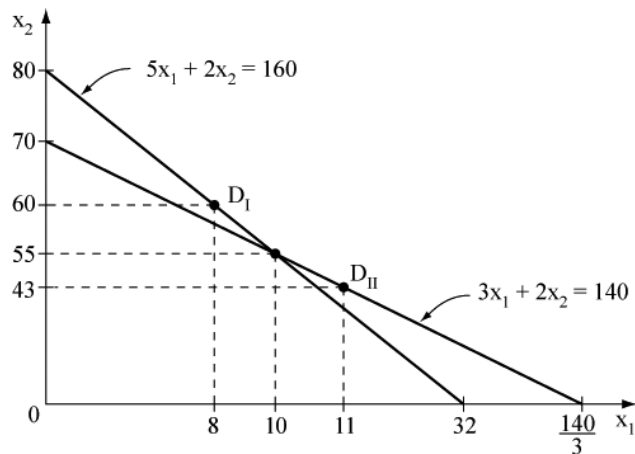
$$d) \text{ MRS} = \frac{x_2 - 20}{2x_1}$$

$$\text{Tilpasning I: } \frac{x_2 - 20}{2x_1} = \frac{5}{2} \text{ \& } 5x_1 + 2x_2 = 160$$

$$\rightarrow x_1 = 8, x_2 = 60 \text{ (Punkt } D_1)$$

$$\text{Tilpasning II: } \frac{x_2 - 20}{2x_1} = \frac{3}{2} \text{ \& } 3x_1 + 2x_2 = 140$$

$$\rightarrow x_1 = \frac{100}{9} = 11,1, x_2 = \frac{160}{3} = 53,3 \text{ (Punkt } D_n)$$



$$v(D_1) = 8^2 \cdot (60 - 20) = 113.1$$

$$v(D_n) = \left(\frac{100}{9}\right)^2 \cdot \left(\frac{160}{3} - 20\right) = \frac{10}{3} \cdot \frac{100}{3} = \frac{1000}{9} = 111.1$$

Mer nøyaktig:  $8^{\frac{1}{2}} \cdot 40 = \sqrt{2} \cdot 80 > \frac{1000}{9}$ , fordi  $\sqrt{2} \cdot 720 \cong 1018 > 1000$

Altså:  $D_1$  er det beste punktet; endringene er ingen forbedring.

## 5.7

a)  $U = 10 = (x_1 + 2) \cdot x_2 \rightarrow x_2 = \frac{10}{x_1 + 2}$

b)  $U'_1 = x_2, U''_{11} = 0$

$U'_2 = x_1 + 2, U''_{22} = 0$

Ingen av grensenyttene er avtagende – de er begge konstante.

c)  $MRS = \frac{U'_1}{U'_2} = \frac{x_2}{x_1 + 2}$

Etterspørselsfunksjonen er gitt ved systemet:

$$p_1 x_1 + p_2 x_2 = m \quad \& \quad \frac{x_2}{x_1 + 2} = \frac{p_1}{p_2}$$

Vi får:  $p_2 x_2 = p_1 x_1 + 2p_1$ , som innsatt i budsjettbetingelsen gir:

$$p_1 x_1 + (p_1 x_1 + 2p_1) = m$$

$$2p_1 x_1 = m - 2p_1 \rightarrow x_1 = \frac{m - 2p_1}{2p_1}$$

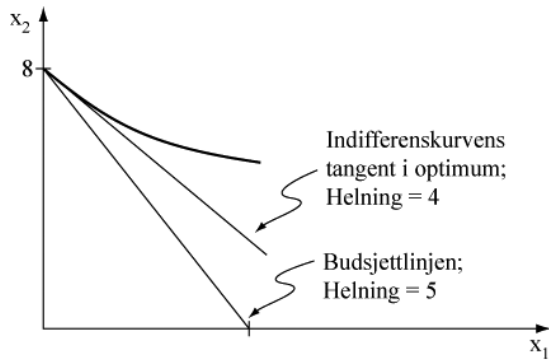
$$x_2 = \frac{p_1}{p_2} x_1 + 2 \frac{p_1}{p_2} = \frac{m - 2p_1}{2p_2} + \frac{4p_1}{2p_2}$$

$$\rightarrow x_2 = \frac{m + 2p_1}{2p_2}$$

d) i)  $m = 8, p_1 = 2, p_2 = 1 \rightarrow x_1 = 1, x_2 = 6$

ii)  $m = 8, p_1 = 5, p_2 = 1$  gir innsatt i etterspørselsfunksjonen  $x_1 = -\frac{1}{5}$  &  $x_2 = 9$

Denne løsningen er ikke mulig. Det som er tilfelle er at ved denne pris-inntekstskombinasjonen har ikke konsumentens tilpasningsproblem en «indre» løsning, dvs.  $x_1 = 0$ . Se figuren.



$$e) \quad x_1 = \frac{m - 2p_1}{2p_1} = \frac{8 - 2p}{2p} = \frac{4}{p} - 1$$

$$y_1 = 50x_1 = \frac{200}{p} - 50$$

$$f) \quad y = \text{samlet etterspørsel} = y_1 + y_2$$

$$y = y_1 + y_2 = \frac{200}{p} - 50 + \frac{300}{p} - 50$$

$$y = \frac{500}{p} - 100 \text{ eller } p = \frac{500}{y + 100}$$

## 5.8

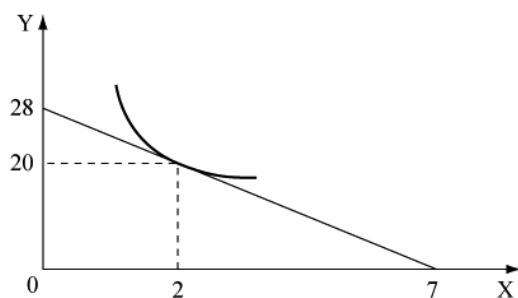
$$a) \quad 2000 \cdot X + 500 \cdot Y = 14000$$

$$Y = -4X + 28$$

$$\text{MRS} = \frac{Y^{\frac{1}{2}}}{(8+X) \cdot \frac{1}{2} \cdot Y^{-\frac{1}{2}}} = \frac{2Y}{8+X}$$

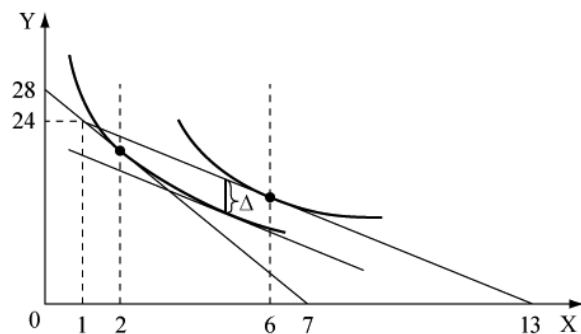
$$\frac{2Y}{8+X} = 4 \text{ \& } Y = -4X + 28$$

$$\rightarrow X = 2, Y = 20$$



- b)  $Y = 28 \rightarrow X = 0$ ,  $Y = 24 \rightarrow X = 1$ ,  $Y = 20 \rightarrow X = 3$   
 $Y = 18 \rightarrow X = 4$ ,  $Y = 16 \rightarrow X = 5$   
 $X > 1$ :  $1000 \cdot (X - 1) + 500 \cdot Y = 12000$

$$Y = -2X + 26$$



- c)  $MRS = \frac{2Y}{8+X} = 2$  &  $Y = -2X + 26 \rightarrow Y = 14, X = 6$

Y er ikke nødvendigvis mindreverdig: De relative prisene er endret.

- d)  $\Delta$  på figuren.

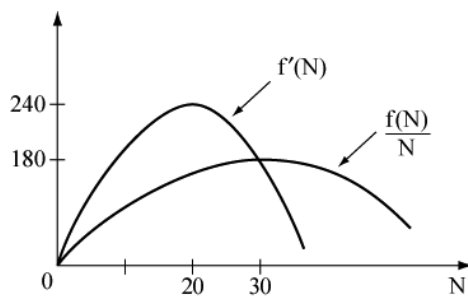
# Svar på oppgaver i kapittel 6

## 6.1

---

$$f'(N) = 24N - 0,6N^2$$

$$\frac{f(N)}{N} = 12N - 0,2N^2$$



## 6.2

---

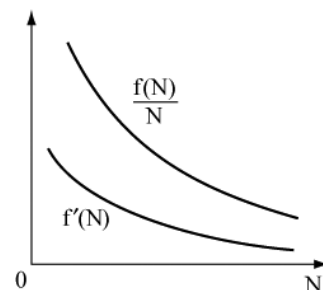
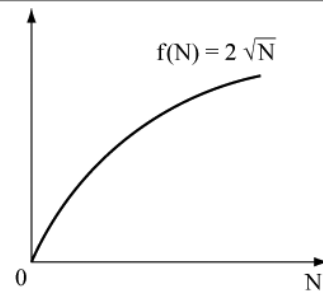
$$f'(N) = N^{-\frac{1}{2}} = \frac{1}{\sqrt{N}}$$

$$\frac{f(N)}{N} = 2 \cdot N^{-\frac{1}{2}} = \frac{2}{\sqrt{N}}$$

Når  $\frac{f(N)}{N}$  synker, må vi ha  $f'(N) < \frac{f(N)}{N}$ .

$$f(kN) = 2\sqrt{kN} = \sqrt{k} \cdot f(N) < kf(N).$$

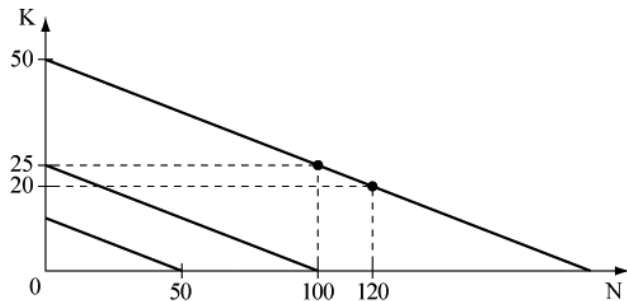
Avtakende utbytte m.h.p. skalaen.



### 6.3

$$200 = 4 \cdot 20 + N : N = 120$$

$$200 = 4 \cdot 25 + N : N = 100$$



$$F(kN, kK) = 4(kK) + kN$$

$$= k \cdot (4K + N)$$

$$= k \cdot F(N, K).$$

Kontant utbytte m.h.p. skalaen.

$$MRTS = \frac{1}{4}.$$

### 6.4

$$\frac{\partial X}{\partial N} = 40 \cdot N^{-0.6} \cdot K^{0.5}$$

$$\frac{\partial X}{\partial K} = 50 \cdot N^{0.4} \cdot K^{-0.5}$$

$$MRTS = \frac{4K}{5N}$$

Avtakende utbytte m.h.p. skalaen.

$$\frac{X}{N} = \frac{100 \cdot N^{0.4} \cdot K^{0.5}}{N} = \frac{100 \cdot 64^{0.5}}{N^{0.6}} = 80 \cdot N^{-0.6}$$



## 6.5

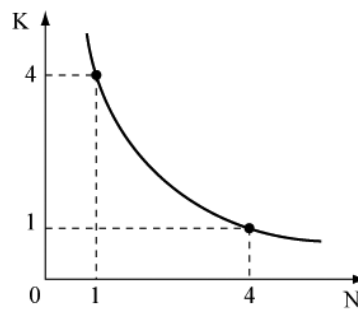
$$12 = 3NK, \quad K = \frac{4}{N}$$

$$\frac{\partial X}{\partial N} = 3K, \quad \frac{\partial X}{\partial K} = 3N$$

$$\text{MRTS} = \frac{K}{N}$$

$$F(kN, kK) = 3 \cdot (kN) \cdot (kK)$$

$$= k^2 \cdot F(N, K) > k \cdot F(N, K)$$



Økende utbytte m.h.p. skalaen.

## 6.6

$$X = 10 \cdot N^{0.5} \cdot K^{0.5} = 10 \cdot N^{0.5} \cdot 49^{0.5} = 70 \cdot N^{0.5}, \text{ hvis } K = 49.$$

## 6.7

$$F(kN, kK) = 25 \cdot \sqrt{kN, kK} = k \cdot 25 \cdot \sqrt{NK} = kF(N, K)$$

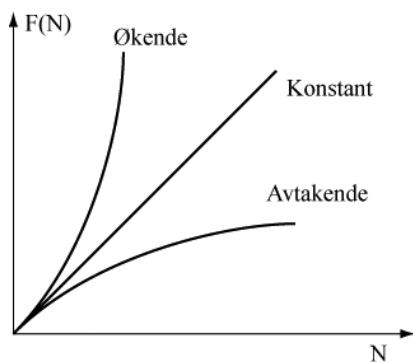
Konstant utbytte m.h.p. skalaen.

$$X = 25 \cdot N^{\frac{1}{2}} \cdot K^{\frac{1}{2}}$$

$$\frac{\partial X}{\partial N} = 12.5 \cdot N^{-\frac{1}{2}} \cdot K^{\frac{1}{2}}, \quad \frac{\partial X}{\partial K} = 12.5 \cdot N^{\frac{1}{2}} \cdot K^{-\frac{1}{2}}$$

$$\text{MRTS} = \frac{K}{N}$$

## 6.8



## 6.9

- a) Avtakende,  $MRTS = \frac{5}{3} \cdot \frac{K}{N}$
- b) Konstant,  $MRTS = \frac{K}{N}$
- c) Konstant,  $MRTS = \frac{25}{300} = \frac{1}{12}$
- d) Økende,  $MRTS(N, K) = \frac{5}{4} \cdot \frac{K}{N}$   
 $MRTS(N, E) = \frac{10}{3} \cdot \frac{E}{N}$   
 $MRTS(N, M) = 5 \cdot \frac{M}{N}$

## 6.10

Grenseproduktiviteten:

i)  $\frac{dx}{dN} = 12N - 1,2N^2$

Gjennomsnittproduktiviteten:

$$\frac{x}{N} = 6N - 0,4N^2$$

$$\begin{aligned} \text{ii) } \pi &= p \cdot x - WN \\ &= 10x - 192N \\ &= 10(6N^2 - 0.4N^3) - 192N \end{aligned}$$

$$\frac{d\pi}{dN} = 0 \quad \text{når } N = 8$$

## 6.11

- b)  $w = 1000 \rightarrow N = 20, \pi = 20\,000$   
 $w = 2920 \rightarrow N = 16, \pi = -14\,880$   
 $w = 3250 \rightarrow N = 15 \text{ eller } N = 0, \pi = -20\,000$   
 $w = 3500 \rightarrow N = 0, \pi = -20\,000$

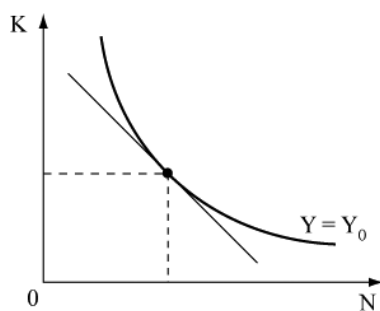
## 6.12

a)  $p \cdot F'_N = w$  &  $p \cdot F'_K = r$   
 $p \cdot \frac{1}{3} \cdot N^{-\frac{2}{3}} \cdot K^{\frac{1}{3}} = w$  &  $p \cdot \frac{1}{3} \cdot N^{\frac{1}{3}} \cdot K^{-\frac{2}{3}} = r$

b) N, K uendret,  $\pi$  ned

c)  $Y_0 = F(N, K)$

$$\text{MRTS} = \frac{w}{r}$$



- d) i) N, K uendret, samme likningssystem  
 ii) N ned, K opp
- e) Avtakende utbytte m.h.p. skalaen.

**6.13**

---

a)  $\pi = (P - Q) \cdot F(X_1, X_2) - W_1 \cdot X_1 - W_2 \cdot X_2 - K$

Optimal tilpasning:  $(P - Q) \cdot \frac{\partial F(X_1, X_2)}{\partial X_1} = W_1, (P - Q) \cdot \frac{\partial F(X_1, X_2)}{\partial X_2} = W_2$

b) Har nå:  $\frac{\partial F(X_1, X_2)}{\partial X_1} = 80$  og  $\frac{\partial F(X_1, X_2)}{\partial X_2} = 16$ , altså er tilpasningen ikke optimal.

Reduser  $X_1$  (mindre TV - reklame) og øk  $X_2$  (mer avisreklame).

# Svar på oppgaver i kapittel 7

## 7.1

---

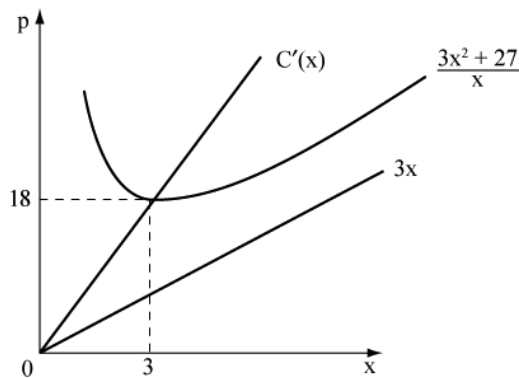
Profittmaksimering gir:

1.  $p = c'(x)$
2.  $c''(x) > 0$

Må også ha at prisen er større enn variable gjennomsnittskostnader for at det skal lønne seg å produsere. Variable gjennomsnittskostnader er lik  $3x$ .

Altså:

1.  $p = 6x = c'(x)$
2.  $c''(x) = 6 > 0$
3.  $p = c'(x) = 6x > 3x$



Profitten er positiv hvis  $p > 18$ .

## 7.2

---

Tilbudsfunksjonen

1.  $p = c'(x)$        $c'(x) = x^2 - 20x + 150$
2.  $c''(x) > 0$        $c''(x) > 2x - 20$
3.  $p > \frac{vc(x)}{x}$        $\frac{vc(x)}{x} = \frac{1}{3}x^2 - 10x + 150$

Altså:  $c'(x)$  er fallende når  $x < 10$

$c'(x)$  er stigende når  $x > 10$

$$c'(x) = \frac{vc(x)}{x} \text{ når } \frac{d \frac{vc(x)}{x}}{dx} = 0,$$

$$\text{altså når } \frac{2}{3}x - 10 = 0, \text{ dvs. } x = 15$$

$$c'(15) = 75$$

Oppsummert:

Tilbudsfunksjonen:

$$1. \quad p = x^2 - 20x + 150$$

$$2. \quad x > 10 \text{ (som er ekvivalent med } c''(x) > 0 \text{)}$$

$$3. \quad x > 15, \text{ dvs. } p > 75 \text{ (som er ekvivalent med } c'(x) = p > \frac{vc(x)}{x} \text{)}$$

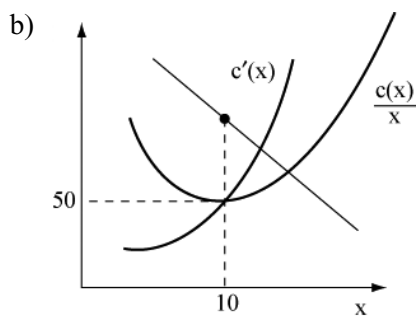
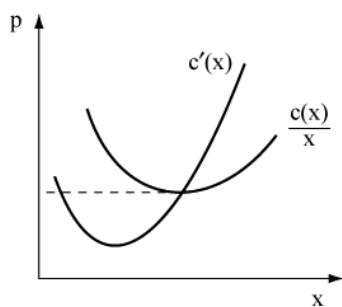
Altså:

$$x = \begin{cases} 0, & \text{hvis } p < 75 \\ \text{Gitt ved: } p = x^2 - 20x + 150, & \text{hvis } p > 75 \end{cases}$$

(Kan vises at profitten er positiv når  $p > 150$ .)

### 7.3

a) Tilbud: 1.  $P = c'(x)$ , 2.  $c''(x) > 0$ , 3.  $P > AVC$ , ellers  $x = 0$



$\frac{c(x)}{x}$  har sin minimumsverdi lik 50 når  $x = 10$ . Vet da at  $c'(x) = \frac{c(10)}{10}$

(Faste kostnader er uten betydning.)

Altså:  $P = 50 = c'(x)$  når  $x = 10$ .

$$\pi(P = 50) = 50 \cdot x - c(x) = \left(50 - \frac{c(x)}{x}\right) \cdot x = 0, \text{ når } x = 10.$$

(Anta at de faste kostnadene er lik null.)

c)  $Y = \text{markedets tilbud} = 20 \cdot X$

Hvis  $X = 10$ , altså  $Y = 200$ , er  $P = 970 - 800 = 170$ , som er større enn 50. Altså vil markedet klareres for en  $P > 50$ ; da har bedriftene positiv profitt (se figuren).

## 7.4

---

i) Tilbudsfunksjon:

$$p = c_1'(y), p = 12y$$

$$(c_1''(y) = 12 > 0)$$

$$p = 108 \rightarrow y = 9, \pi = 486$$

iv)  $p = 12y = c'(y) = MC$ , som før

$$\text{Variable gjennomsnittskostnader} = AVC = 6y + \frac{54}{y}.$$

Vil bare produsere hvis  $p = c'(y) > AVC$ , altså  $12y > 6y + \frac{54}{y}$ ,  $6y > \frac{54}{y}$ ,  $6y^2 > 54$ ,

$y^2 > 9$ , altså  $y > 3$ , dvs.  $p > 36$ , siden  $p = 12y$ .

Tilbudsfunksjonen:

$$p = 12y, \text{ hvis } p > 36,$$

$$y = 0, \text{ hvis } p < 36.$$

# Svar på oppgaver i kapittel 8

## 8.3

---

Før toll:

Produksjon = 40

Etterspørsel = 100

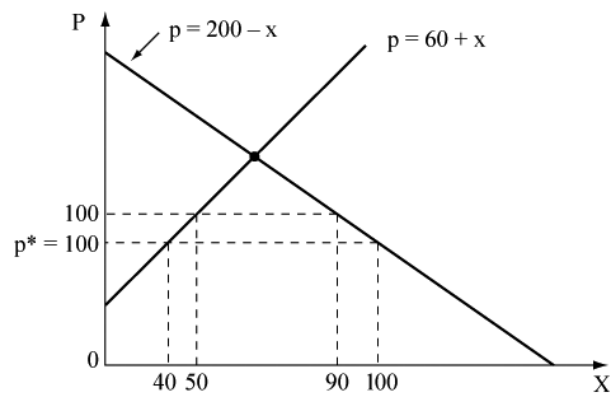
Import = 60

Etter toll:

Produksjon = 50

Etterspørsel = 90

Import = 40



## 8.4

---

NB! Det er en trykkfeil i oppgaveteksten: Innenlands tilbud skal være  $p = 3x$ , ikke  $p = 300x$

a) Markedslikevekt:  $x = 300$ ,  $p = 900$ ,  $KO = 90\ 000$ ,  $PO = 135\ 000$

b) Konsum = 450, Produksjon = 300, Import = 150  
 $KO = 202\ 500$ ,  $PO = 60\ 000$

Konsumentene har fordel av fri import, produsentene har tapt, og det samfunnsmessige overskuddet har gått opp fra 225 000 til 262 500.



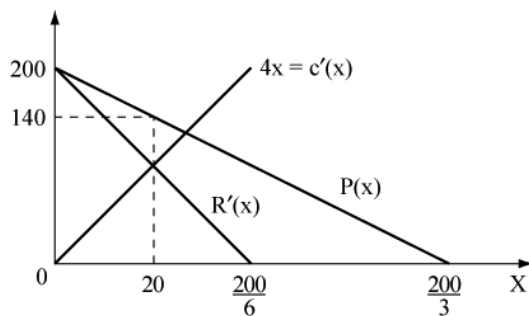
# Svar på oppgaver i kapittel 9

(Det er 11 oppgaver til dette kapitlet, ikke 10, slik det står i læreboken.)

## 9.1

---

$$c'(x) = 4x, R'(x) = 200 - 6x$$

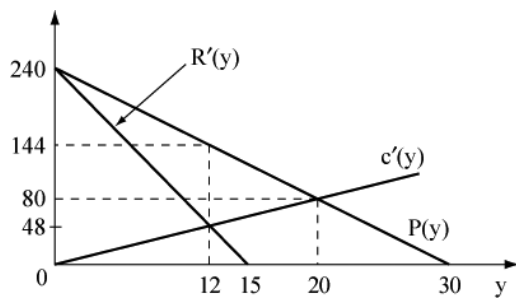


Monopoltilpasningen:  $R'(x) = c'(x)$

$$200 - 6x = 4x, 200 = 10x, x = 20, p = 140$$

## 9.2

---



a)  $R'(y) = c'(y): 240 - 16y = 4y \rightarrow y = 12, p = 144$

$$\Pi = p \cdot y - c(y)$$

$$\Pi = 144 \cdot 12 - 2 \cdot 12^2 = 1440$$

b)  $P(y) = c'(y): 240 - 8y = 4y \rightarrow y = 20$

c)  $KO(x = 20) = 0,5 \cdot 20 \cdot (240 - 80) = 10 \cdot 160 = 1600$

$$KO(x = 12) = 0,5 \cdot 12 \cdot 96 = 576$$

$$\text{Forskjellen} = 1024.$$

d)  $\text{Effektivitetstapet} = 0,5 \cdot (20 - 12) \cdot 96 = 384$

## 9.3

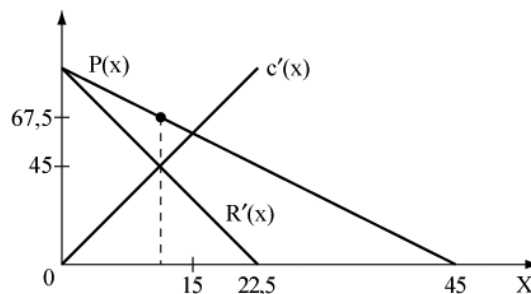
a)  $R'(x) = c'(x): 90 - 4x = 4x, 8x = 90.$

$$x = 11.25, p = 67.5, \Pi = \frac{6500}{16} \cong 400.$$

b)  $p(x) = c'(x): 90 - 2x = 4x, 6x = 90$

$$x = 15, p = 60, \Pi = 350$$

c) Effektivitetstapet  $= 0,5 \cdot 22,5 \cdot 3,75 \cong 42$



## 9.4

a) Grenseinntekt = Grensekostnad

$$100 - 0,2 \cdot x = 10$$

2. ordensbetingelsen:  $-0,2 < 0 = c''(x)$

$$x = 450, p = 55$$

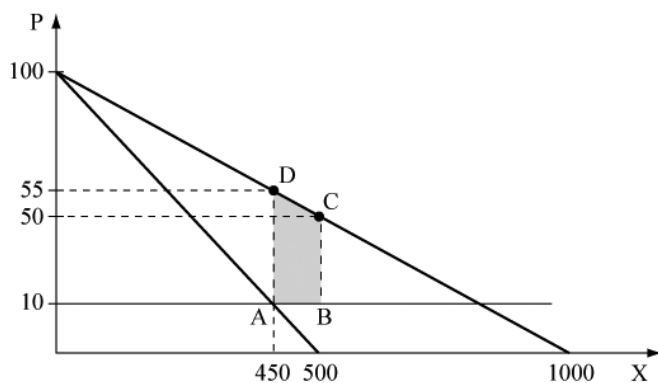
b) Arealet ABCD er et mål på effektivitetstapet ved at 50 seter står tomme. (En pris på 50 eller lavere vil fylle kinoen.) Arealet ABCD = 2125

c)  $p_1(x_1)$  er etterspørselsfunksjonen fra pensjonister,  $p_2(x_2)$  er etterspørselsfunksjonen fra «andre».

3. grads prisdiskriminering:

Grenseinntektene like og lik grensekostnaden:

$$p_1(x_1) + p_1'(x_1) \cdot x_1 = 10 = p_2(x_2) + p_2'(x_2) \cdot x_2$$

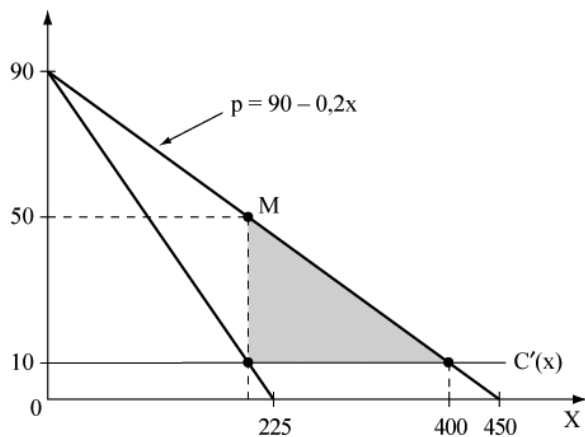


d) Kinoeieren kan ikke hindre videresalg av sjokolade (eller at besteforeldrene kjøper sjokolade for (ikke til) barnebarna).

## 9.8

a) Monopol: Bare en produsent, ingen nære substitutter, ingen mulighet for nyetableringer. BI? Monopolist i det minste utenfor visse studieprogram (reiseliv, eiendomsmekling, bank ..., MBA, MSc)

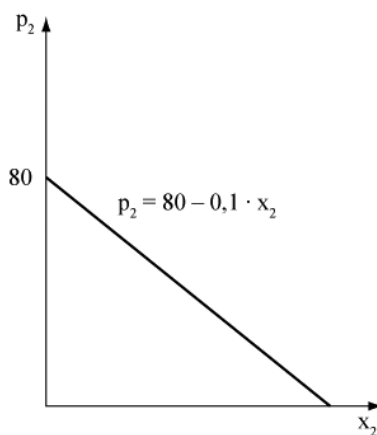
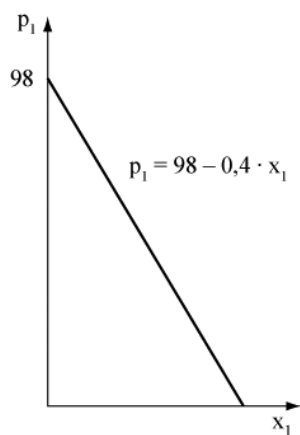
b) Grenseinntekt:  $R'(x) = 90 - 0,4 \cdot x$



$$R'(x) = 90 - 0,4x = 10 = c'(x)$$

$$80 = \frac{2}{5}x, \quad x = 200, \quad p = 50$$

$$\text{Velferdstapet} = 0,5 \cdot (50 - 10) \cdot (400 - 200) = 4000$$



Etterspørselen fra de som betaler kontant er mer priselastisk (mer følsom over prisendringer). (dette kan utbroderes)

Prisdiskriminering:

$$R'_1(x_1) = C'(x_1 + x_2) = R'_2(x_2)$$

$$98 - 0,8 \cdot x_1 = 10 = 80 - 0,2x_2$$

$$x_1 = 110, \quad x_2 = 350$$

$$p_1 = 54, \quad p_2 = 45$$

d) Monopol er ineffektivt fra et samfunnsøkonomisk synspunkt (prisen er for høy, kvantum er for lavt). Produsenten, derimot, tjener mer penger i monopoltilpasningen enn i frikonkurransetilpasningen.

## 9.9

a) i) Grenseproduktivitetene:

$$\frac{\partial Y}{\partial X} = 10 \cdot X^{-\frac{1}{2}} \cdot N^{\frac{1}{2}} > 0, \quad \frac{\partial^2 Y}{\partial X^2} = -5 \cdot X^{-\frac{3}{2}} \cdot N^{\frac{1}{2}} < 0$$

$$\frac{\partial Y}{\partial N} = 10 \cdot X^{\frac{1}{2}} \cdot N^{-\frac{1}{2}} > 0, \quad \frac{\partial^2 Y}{\partial N^2} = -5 \cdot X^{\frac{1}{2}} \cdot N^{-\frac{3}{2}} < 0$$

ii)  $MRTS = \frac{\frac{\partial Y}{\partial X}}{\frac{\partial Y}{\partial N}} = \frac{N}{X}$ , avtar når X øker og N går ned

iii) Skalautbyttet er konstant fordi:

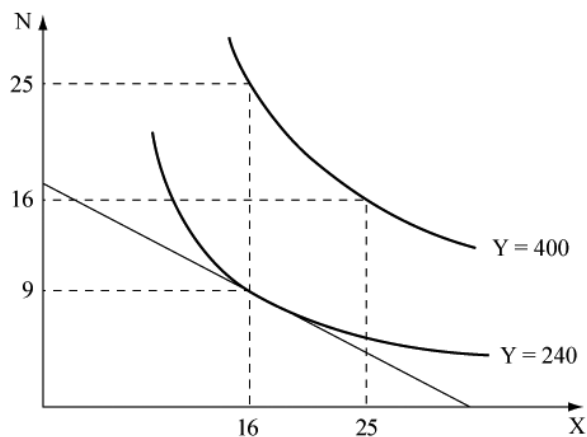
$$20 \cdot (k \cdot X)^{\frac{1}{2}} \cdot (k \cdot N)^{\frac{1}{2}} = k^{\frac{1}{2}} \cdot 20 \cdot X^{\frac{1}{2}} \cdot k^{\frac{1}{2}} \cdot N^{\frac{1}{2}} = k \cdot 20 \cdot X^{\frac{1}{2}} \cdot N^{\frac{1}{2}}$$

b)  $\text{Min}_{X,N} \{q \cdot X + w \cdot N\}$  gitt  $Y = 20 \cdot X^{\frac{1}{2}} \cdot N^{\frac{1}{2}}$

$$\text{Min} \{360 \cdot X + 640 \cdot N\} \text{ gitt } 240 = 20 \cdot X^{\frac{1}{2}} \cdot N^{\frac{1}{2}}$$

$$\text{Skal ha: } \frac{N}{X} = \frac{360}{640} \text{ \& } 240 = 20 \cdot X^{\frac{1}{2}} \cdot N^{\frac{1}{2}}$$

$N = 9$  og  $X = 16$  løser minimeringsproblemet (tilfredsstiller ligningssystemet).



c)  $20 \cdot 16^{\frac{1}{2}} \cdot 25^{\frac{1}{2}} = 20 \cdot 4 \cdot 5 = 400 = 20 \cdot 25^{\frac{1}{2}} \cdot 16^{\frac{1}{2}}$  Optimum når  $Y = 400$ .

$$\frac{N}{X} = \frac{360}{640} = \frac{9}{16} \text{ \& } 400 = 20 \cdot X^{\frac{1}{2}} \cdot N^{\frac{1}{2}}$$

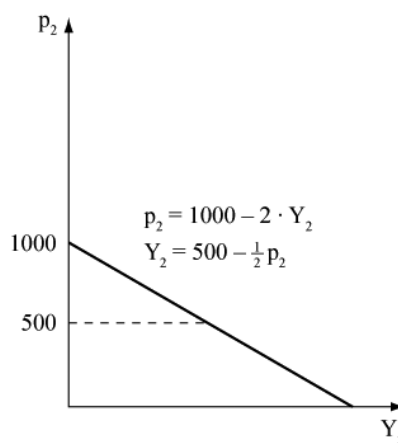
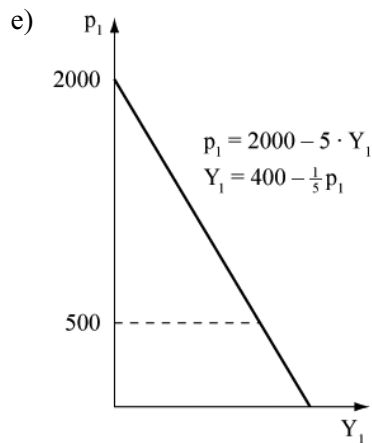
$$(X, N) = (16, 25) \rightarrow \frac{N}{X} = \frac{25}{16} > \frac{9}{16}$$

$$(X, N) = (25, 16) \rightarrow \frac{N}{X} = \frac{16}{25} > \frac{9}{16}$$

Altså er ingen av disse to løsningene den kostnadsminimerende løsningen.

Langs  $Y = 400$  skal vi finne et punkt hvor  $MRTS = \frac{9}{16}$ . Et slik punkt ligger til høyre for både  $(16,25)$  og  $(25,16)$ , siden  $MRTS$  i disse punktene er større enn  $\frac{9}{16}$ .

d)  $Y = 400 \ \& \ X = 16 \rightarrow 400 = 20 \cdot 16^{\frac{1}{2}} \cdot N^{\frac{1}{2}}$ , altså  $N = 25$



$$e_1 = \frac{\partial Y_1}{\partial p_1} \cdot \frac{p_1}{Y_1}$$

$$e_1 = \frac{-\frac{1}{5} \cdot p_1}{400 - \frac{1}{5} \cdot p_1}$$

$$e_1(p_1 = 500) = -\frac{1}{3}$$

$$e_2 = \frac{\partial Y_2}{\partial p_2} \cdot \frac{p_2}{Y_2}$$

$$e_2 = \frac{-\frac{1}{2} \cdot p_2}{500 - \frac{1}{2} \cdot p_2}$$

$$e_2 = -\frac{250}{250} = -1$$

En prisøkning på 1% reduserer privatkunders etterspørsel med 1%, bedriftskunders etterspørsel går bare ned med  $\frac{1}{3}\%$

f) Prisdiskriminering:

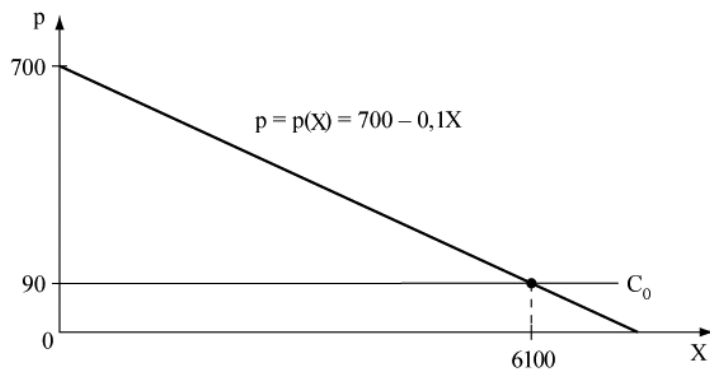
$$R'_1(Y_1) = C'(Y_1 + Y_2) = R'_2(Y_2)$$

$$2000 - 10 \cdot Y_1 = 50 = 1000 - 4 \cdot Y_2$$

$$\rightarrow Y_1 = 195, \ p_1 = 1025, \ Y_2 \cong 237,5, \ p_2 = 525$$

## 9.10

a)

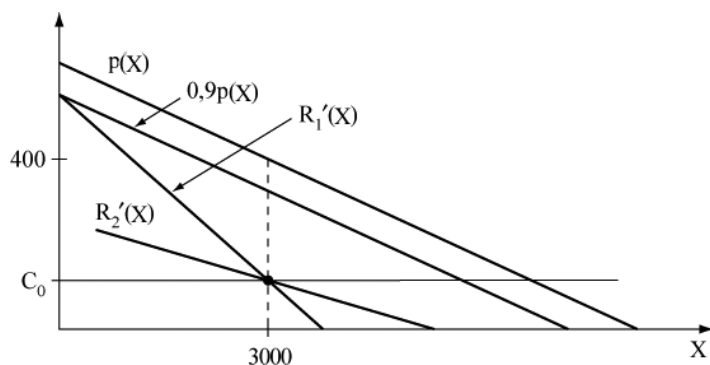


Effektiv løsning:  $p = C_0 : 700 - 0,1X = 90$

$$610 = 0,1X$$

$$X = 6100, \quad p = 90$$

b)



Forlagets tilpasning:  $0,9 \cdot R'(X) = c'(X)$

$$0,9(700 - 0,2X) = 90$$

$$X = 3000, \quad p = 400$$

c) Anta at forfatteren ønsker å maksimere  $0,1R(X)$ , dvs. setter  $R'(X) = 0$

$$R'(X) = 700 - 0,2X = 0, \quad X = 3500, \quad p = 350$$

d) Forfatteren, som ser bort fra produksjonskostnadene, ønsker lavere pris og større salg enn forlaget.

## 9.11

- Tilbud og etterspørsel i et  $(x,p)$ -diagram. Fig. 2.9 i læreboka.
- Konsumentens tilpasning i et  $(x_1, x_2)$ -diagram. Fig. 4.7 i læreboka.
- Produsentens tilbudskurve i et  $(x,p)$ -diagram. Fig 7.8 i læreboka.
- Monopolistens tilpasning. Fig 9.5 i læreboka.

# Svar på oppgaver i kapittel 10

## 10.1

---

- a) Det er alltid best for A å spille  $a_1$ , uavhengig av hva B gjør.
- b)  $a_2$  er en dominant strategi for A hvis  $Y > 2$ .  
 $b_2$  er en dominant strategi for B hvis  $X < 18$ .
- c) i) Nash-likevekt:  $(a_2, b_2)$   
ii) Ingen Nash-likevekt
- d)  $a_2$  må være en dominant strategi:  $Y > 2$ .  
 $b_2$  må være en dominant strategi:  $X < 18$ .  
Utfallet  $(Y, 14)$  må være dårligere for begge enn utfallet  $(4, X)$ , altså:  $Y < 4, X > 14$ ,  
dermed:  $2 < Y < 4$  og  $14 < X < 18$ , for eksempel:  $Y = 3, X = 16$

## 10.2

---

B velger  $H$ , da er  $L$  best for A. B velger  $V$ , da er  $M$  best for A. Foreløpig har A ingen dominant strategi. B har  $V$  som dominant strategi.  
Likevekt:  $(M, V)$

## 10.3

---

Bare en Nash-likevekt:  $(a_2, b_2)$ .  
Hvis  $a_1$  og  $b_3$  strykes og hvis  $a_2$  og  $b_2$  strykes, oppstår «fangens dilemma»-spill.

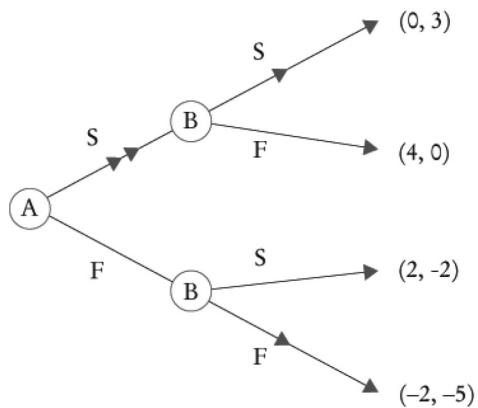
## 10.4

- a) Et to-person ikke-kooperativt variabelsum spill med simultane trekk.

Normalform:

		B	
		S	F
A	S	(0,3)	(4,0)
	F	(2, -2)	(-2, 5)

- b) Ingen likevekt i rene strategier.
- c) To betingelser for et «fangens dilemma»-spill: Partene har dominante strategier, og Nash-likevekten er ikke Pareto-optimal. Her har partene ikke dominante strategier.
- d)



Anne velger nå S, og så velger Bjørn S.

## 10.5

a = ikke starte spurten

b = starte spurten

		B	
		a	b
A	a	(0, 0)	(100, 50)
	b	(50, 100)	(75, 75)

Et «chicken»-spill.

To likevekter (a,b) og (b,a).



### 10.6

i)

		<b>B</b>		
		∅	D	
<b>A</b>	∅	(30, 55)	(60, 50)	→ Likevekt (∅, ∅) og (D, D)
	D	(20, 75)	(70, 80)	

ii)

		<b>B</b>		
		∅	D	
<b>A</b>	∅	(30, 55)	(60, 50)	→ Likevekt (∅, ∅)
	D	(20, 75)	(70, 60)	

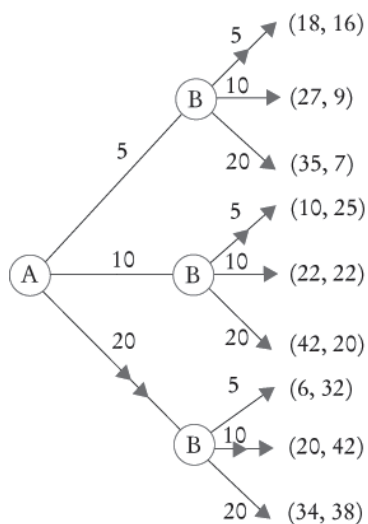
iii)

		<b>B</b>		
		∅	D	
<b>A</b>	∅	(30, 55)	(60, 50)	→ Likevekt (∅, ∅) Et «fangens dilemma»-spill.
	D	(20, 75)	(50, 60)	

### 10.7

i) Nash-likevekt: (500, 500). Ingen har dominante strategier. Ikke et «fangens dilemma»-spill.

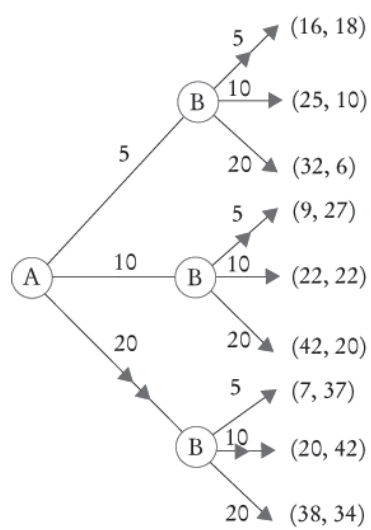
ii)



Likevekt:

S : =20, N : p = 10

iii)



iv) En sistetrekkfordel.

# Svar på oppgaver i kapittel 11

## 11.1

---

a) Kartelløsningen:  $C_1'(x_1) = R'(x_1 + x_2) = C_2'(x_2)$

$$2x_1 = 60 - 2(x_1 + x_2) = 4x_2$$

$$x_1 = 2x_2, \quad 60 - 2 \cdot (2x_2 + x_2) = 4x_2$$

$$\rightarrow x_2 = 6, \quad x_1 = 12, \quad p = 42$$

b) Reaksjonsfunksjonen til bedrift nr. 1:

$$\text{Maks}_{x_1} \left\{ (60 - (x_1 + x_2)) \cdot x_1 - x_1^2 \right\}$$

$$\text{Løsning: } 60 - 2x_1 - x_2 - 2x_1 = 0$$

$$x_1 = \frac{60 - x_2}{4} = f_1(x_2)$$

$$\text{Likedan for nr. 2: } x_2 = \frac{60 - x_1}{6} = f_2(x_1)$$

Cournot-løsningen:  $x_1 = f_1(f_2(x_1))$  osv.:

$$x_1 = 15 - \frac{1}{4} \left( 10 - \frac{1}{6} x_1 \right) = 12,5 + \frac{1}{24} x_1$$

$$x_1 = \frac{25 \cdot 12}{23} = 13,04, \quad x_2 = 10 - \frac{40}{23}$$

$$x_2 = 7,83, \quad p = 39,13$$

c)  $\text{Maks}_{x_1} \left\{ (60 - (x_1 + f_2(x_1))) \cdot x_1 - x_1^2 \right\}$

$$\pi_1 = 60x_1 - x_1^2 - 10x_1 + \frac{1}{6}x_1^2 - x_1^2$$

$$\pi_1'(x_1) = 0: \quad 50 - \frac{11}{6} \cdot 2x_1 = 0 \rightarrow x_1 = \frac{150}{11} = 13,64$$

$$x_2 = f_2\left(\frac{150}{11}\right) = 10 - \frac{1}{6} \cdot \frac{150}{11} = 7,73$$

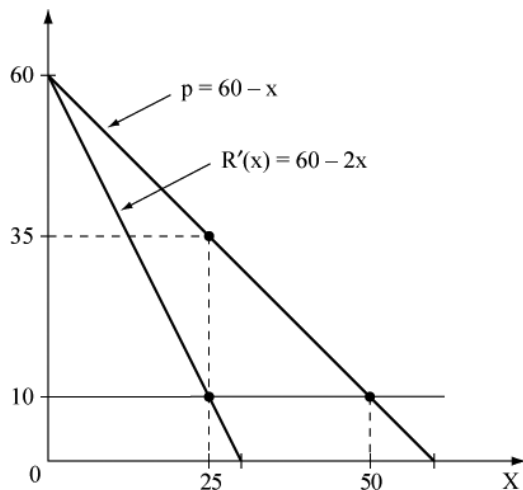
$$p = 38,63$$

$$d) 10 = 60 - 2(x_1 + x_2) = 10$$

$$x_1 + x_2 = 25$$

Enhver fordeling av produksjonen på 25 enheter på de to bedriftene gir det samme resultatet.  $p = 35$ .

- e) Pareto-optimal produksjon har vi når pris = grensekostnad langs etterspørselskurven, dvs.  $p = 10$ .



$$\begin{aligned} \text{Produksjon: } & x = 50 \\ \text{Produsentoverskuddet} &= 0 \\ \text{Konsumentoverskuddet} &= \\ & \frac{1}{2} \cdot (60 - 10) \cdot 50 = 1250 \end{aligned}$$

- f) Kartelløsningen er ikke Pareto-optimal fordi produksjonen er 25, ikke 50, noe som gir lavere velferd.

$$\text{Produsentoverskuddet} = (35 - 10) \cdot 25 = 625$$

$$\text{Konsumentoverskuddet} = \frac{1}{2} \cdot (60 - 35) \cdot 25 = 312,5$$

Summerer vi får vi et samfunnsmessig overskudd på 937,5, noe som er mindre enn 1250.

## 11.2

a)  $c_1(y_1) = 10 - y_1$ ,  $c_2(y_2) = 5 + y_2$

Reaksjonsfunksjon for nr. 1:

$$\text{Maks}_{y_1} \left\{ (200 - 0,1 \cdot (y_1 + y_2)) \cdot y_1 - 10 - y_1 \right\},$$

$$\pi_1 = 199y_1 - 0,1y_1^2 - 0,1y_1y_2 - 10$$

$$\frac{\partial \pi_1}{\partial y_1} = 199 - 0,2y_1 - 0,1y_2 = 0, \text{ gir}$$

$$\rightarrow y_1 = f_1(y_2) = 995 - 0,5y_2$$

Likedan for nr. 2:

$$y_2 = f_2(y_1) = 995 - 0,5y_1$$

Cournot-løsningen:  $y_1 = f_1(f_2(y_1))$

$$y_1 = 995 - 0,5(995 - 0,5y_1)$$

$$2y_1 = 1990 - 995 + 0,5y_1$$

$$1,5y_1 = 995$$

$$y_1 = 663\frac{1}{3}, \text{ likedan } y_2 = 663\frac{1}{3}$$

b) Kartell:

$$\text{Maks}_{y_1, y_2} \left\{ (200 - 0,1(y_1 + y_2)) \cdot (y_1 + y_2) - 10 - y_1 - 5 - y_2 \right\}$$

$$\text{Løsning: } 1 = 200 - 0,2 \cdot (y_1 + y_2) = 1$$

$$y_1 + y_2 = 995$$

(Bare den totale produksjonen kan bestemmes.)

c) Pris = Grensekostnad:  $200 - 0,1 \cdot y = 1 \rightarrow y = 1990$

## 11.3

i) Hvis  $a = 2$  og  $b = 2$ , er Bertrand-likevekten  $P_1 = P_2 = 2$ .

ii) Hvis  $a = 2$  og  $b = 4$ , er Bertrand-likevekten  $P_1 = 4 - \epsilon$ ,  $P_2 = 4$ .

Bertrand-konkurransen kan føre til et «fangens dilemma»-spill, for det kan alltid være lønnsomt å underprise konkurrenten, og denne prosessen drives inntil prisene er lik grensekostnadene. Se også læreboka kapittel 11.4.

## 11.4

---

a) Reaksjonsfunksjoner:

$$x_1 = 6000 - 0,5x_2, x_2 = 6000 - 0,5x_1$$

Cournot-løsningen:

$$x_1 = x_2 = 4000, p = 60, \pi_1 = \pi_2 = 160\ 000.$$

b) Bertrand-løsningen:

$$x = x_1 + x_2 = 12\ 000, P_1 = P_2 = 20, \pi_1 = \pi_2 = 0$$

c) Reaksjonsfunksjoner:

$$P_1 = 60 + \frac{1}{4}P_2, P_2 = 45 + \frac{1}{4}P_1$$

Bertrand-løsning:

$$P_1 = 76, P_2 = 64, x_1 = 5600, x_2 = 4400, \pi_1 = 313\ 600, \pi_2 = 193\ 600$$

d) Kartellløsningen:

$$x = x_1 + x_2 = 6000, P = 80, \pi = \pi_1 = \pi_2 = 360\ 000$$

e) Litt utenfor det vi gjennomgår i denne boken, men se kapittel 11.7.